# H. Böhm Röntgenographische Phasenanalyse

Vorlesung 1-std. jeweils im Sommersemester

Literatur : H. Neff: Grundlagen der Röntgenfeinstrukturanalyse R.Oldenbourg 1962 Ch. Hammond: The Basics of Crystallography and Diffraction Oxford Science Publications 1997 H. P. Klug, L. E. Alexander: X-ray diffraction procedures John Wiley (N.Y., London) 1954 E. W. Nuffield: X-ray diffraction methods John Wiley (N.Y., London) 1966 L. V. Azaroff, M. J. Buerger: The powder method in X-ray crystallography. Mc Graw-Hill (Ny., London) 1958



## Entdeckung der Röntgenstrahlen durch

W. C. Röntgen im Jahre 1895. Er war der erste Nobelpreisträger in Physik

## Interferenzen mit Röntgenstrahlen 1912 M. v. Laue, Friedrich und Knipping



Hypothese von M. v. Laue:
•Röntgenstrahlen sind Wellen
•Kristalle sind 3-dimensional periodisch aufgebaut

Dadurch werden beide Hypothesen gleichzeitig bewiesen •die Wellennatur des Röntgenlichts •der periodische Aufbau der Kristalle

#### **Interferenzen und Beugung**

**Interferenz** = Überlagerung von Wellen

Beugung = Überlagerung von Wellen mit gleicher Wellenlänge und konstanter Phasendifferenz

Beispiel: Wasserwellen (Kreiswellen) auf einer glatten Wasseroberfläche



Sehr kleiner Abstand der beiden Wellenzentren



Größerer Abstand der beiden Wellenzentren

#### **Beugung von Licht an einem Strichgitter**



a sin $\alpha$  = n  $\lambda$ 

Nach dem Prinzip von **Huygens** gehen von jedem Strich des Gitters elementare Kugelwellen aus, die interferieren. Eingezeichnet ist die Interferenz 1. Ordnung (n=1), d. h. die Phasendifferenz beträgt eine Wellenlänge



Beugungsdiagramm eines Strichgitters

Das erste **Beugungsexperiment** mit Röntgenstrahlen durch M. v. Laue an Kupfersulfat



Die Originalapparatur



V. Laue's erste Aufnahme (am Kupfersulfat)

Eine spätere Aufnahme von v. Laue am ZnS

Eine Aufnahme mit heutigen Kameras

#### Entstehung der Röntgenstrahlen

#### A. Die Bremsstrahlung



Sie entstehen durch Abbremsen schneller, freier Elektronen im elektrischen Feld der gebundenen Hüllenelektronen der Atome

I4 Bremsspektrum

Es entsteht ein kontinuierliches Spektrum von Wellenlängen ⇒ "weißes" Röntgenlicht

#### Entstehung der Röntgenstrahlen

#### B. Die charakteristische Strahlung



Sie entsteht durch diskrete Übergänge zwischen Niveaus der gebundenen Hüllenelektronen der Atome



Es entsteht ein diskretes Spektrum von Wellenlängen ⇒ Linienspektrum das dem Bremsspektrum überlagert ist

# Die Röntgenröhre





Anode	λ <sub>Kα</sub> [Å]	λ <sub>Kβ</sub> [Å]	V [kV]
Cu	1,54	1,39	9,0
Мо	0,71	0,63	20,0

## **Beugung bei Kristallen**

•Kristalle sind periodisch aus Atomen aufgebaut.

•Röntgenstrahlen werden an der Elektronenhülle der Atome gestreut. Jedes Atom ist Ausgangspunkt von Streuwellen (Kugelwellen) analog dem Prinzip von **Huygens**. Die Streuwellen interferieren.

Beispiel: Die Kristallstruktur von Zirkon - ZrSiO<sub>4</sub>



Streuwellen, die von den Zr-Atomen ausgehen (Atomradien sind verkleinert dargestellt), entsprechend dem Prinzip von Huygens.





Das Beugungsgesetz von Bragg

Beim <u>Strichgitter</u> galt: Die Wegdifferenz der verschiedenen Teilwellen muß ein ganzzahliges Vielfaches von  $\lambda$  sein a sin $\alpha$  = n  $\lambda$ Annahme von Bragg : Bei <u>Kristallen</u> gilt das gleiche:

> $2d \sin \vartheta = n \lambda$ Bragg'sche Gleichung

#### Interpretation der Beugung als Reflexion



Primärwelle und gebeugte Welle haben den gleichen Winkel & bezüglich von Ebenen mit dem Abstand **d**.

 $\Rightarrow$  Es sieht aus wie eine Reflexion.

Die Primärwelle wird scheinbar an Ebenen, die mit Atomen besetzt sind und den Abstand **d** besitzen, reflektiert.

Ebenen die mit Atomen besetzt sind, nennen wir <u>Netzebenen.</u> Der Abstand **d** heißt Netzebenenabstand. <u>Unterschied</u> zur normalen Lichtreflexion:

Die Reflexion hier erfolgt nur bei ganz bestimmten Winkeln 9, die die Bragg'sche Gleichung erfüllen.

#### **Netzebenen und Miller'sche Indizes**

#### Zur Erinnerung:

Eine äußere Kristallfläche wurde durch die drei Miller'schen Indizes (h k l) gekennzeichnet



 $\cos\alpha = (h/a)d_{hkl}$ 

 $\cos\beta = (k/b)d_{hkl}$ 

 $\cos\gamma = (I/c)d_{hkl}$ 

z. B. : orthogonale Achsen

 $(h/a)^2 d_{hkl}^2 + (k/b)^2 d_{hkl}^2 + (l/c)^2 d_{hkl}^2 = 1$ 

orthorhomb. System

$$1/d_{hkl}^2 = (h/a)^2 + (k/b)^2 + (l/c)^2$$

kubisches System

$$1/d_{hkl}^2 = 1/a^2(h^2 + k^2 + l^2)$$

Entsprechend wird auch jede Netzebene, die mit Atomen besetzt ist, durch drei Indizes beschrieben:

# Geometrischer Zusammenhang zwischen Netzebenenabstand d und Indizes (h k l)

Kubisch  

$$\frac{1}{d_{hkl}^{2}} = \frac{1}{a_{0}^{2}} \{h^{2} + k^{2} + l^{2}\}$$
Hexagonal  

$$\frac{1}{d_{hkl}^{2}} = \frac{1}{a_{0}^{2}} \{\frac{4}{3} (h^{2} + k^{2} + hk) + (\frac{a_{0}}{c_{0}})^{2} l^{2}\}$$
Tetragonal  

$$\frac{1}{d_{hkl}^{2}} = \frac{1}{a_{0}^{2}} \{(h^{2} + k^{2}) + (\frac{a_{0}}{c_{0}})^{2} l^{2}\}$$
Orthorhombisch  

$$\frac{1}{d_{hkl}^{2}} = \{(h^{2} + k^{2}) + (\frac{k}{b_{0}})^{2} + (\frac{l}{c_{0}})^{2}\}$$
Monoklin  

$$\frac{1}{d_{hkl}^{2}} = \{(\frac{h}{a_{0}})^{2} + (\frac{k}{b_{0}})^{2} + (\frac{l}{c_{0}})^{2} + (\frac{l}{c_{0}})^{2}\}$$
Triklin  

$$\frac{1}{d_{hkl}^{2}} = \{(h^{2} - k)^{2} h^{2} h^{2}$$

#### Interpretation der Interferenzen höherer Ordnung

Bragg'sche Gleichung:

 $2 d_{hkl} sin \vartheta = n \lambda$  n = Ordnung der Interferenz

 $\Rightarrow$  2 (d<sub>hkl</sub>/n) sin $\vartheta = \lambda$ 

Interpretation: Eine Interferenz der Ordnung n kann interpretiert werden als eine Reflexion an <u>fiktiven</u> (parallelen) <u>Netzebenen</u> mit dem Abstand d/n.

z.B. Interferenz 4. Ordnung



#### Merke:

Interferenzen höherer Ordnung können als Interferenzen 1. Ordnung an fiktiven Netzebenen interpretiert werden.

# 2 (d<sub>hkl</sub>/n) $\sin \vartheta = \lambda$

Die Netzebene mit dem Abstand d/n hat die Indizes (nh nk nl) (s. vorherige Folie)

 $\Rightarrow$  2 d<sub>nh,nk,nl</sub> sinϑ = λ

# Beachte:

Die Miller'schen Indizes (h k l) beschreiben eine morphologische Kristallfläche;sie sind teilerfremd.

Zur Beschreibung von Röntgenstrahlinterferenzen (Reflexionen an Netzebenen) verwendet man die gleichen Indizes (bei der Interferenz 1. Ordnung) <u>oder</u> ganzzahlige Vielfache davon (bei den Interferenzen höherer Ordnung)

Die Miller'schen Indizes oder deren ganzzahlige Vielfache zur Beschreibung von Interferenzen nennt man

⇒ Laue Indizes h k l

Sie werden üblicherweise ohne Klammern geschrieben

#### Merke:

Die Bragg'sche Gleichung stellt einen Zusammenhang her zwischen Strukturparametern (Netzebenen der Atome) und Interferenzrichtungen bei einem Beugungsexperiment dar. Röntgenstrahlenbeugung an Pulvern

Ein Pulver ist ein Gemenge aus vielen kleinen Kristallen mit willkürlicher Orientierung zu einander. Für Beugungsexperimente sollte die Kristallitgröße im Bereich von 0,1µ bis 30µ liegen.

# Wichtig:

Wegen der sehr großen Zahl von Kristalliten ist praktisch jede Orientierung im Raum realisiert.

# ⇒ Orientierungsstatistik

Wegen der Orientierungsstatistik gibt es zu jeder Netzebenenschar Kristallite mit dem passenden Winkel & zum Primärstrahl. Die Gesamtheit aller Netzebenen mit dem gleichen Winkel & zum Primärstrahl liegt auf einem Kegel. Die Interferenzen einer Netzebenenschar verlaufen entlang der Mantellinien eines Kegels mit dem Öffnungswinkel 49



Interferenzkegel von zwei verschiedenen Netzebenenscharen



#### Merke:

Jede Schar paralleler Netzebenen mit dem Abstand d<sub>hkl</sub> erzeugt ihren eigenen Reflexionskegel mit dem Öffnungswinkel 49, wobei 9 und d<sub>hkl</sub> über die Bragg'sche Gleichung korreliert sind.

# Die Methode nach Debye- Scherrer

Eine Filmmethode

Die Pulverprobe wird in eine Kapillare gefüllt. Um die Interferenzkegel zu registrieren, wird ein Film zylindrisch um die Probe gelegt. Der Film wird durch die Kegel in Form von Kreissegmenten geschwärzt.



Die Debye - Scherrer Kamera



## Die Kamera im Detail:



Ursache der Linienverbreiterung: Die Divergenz des Strahls

 ω = Linienbreite im Bogenmaß
 2r = Probendurchmesser
 R = Kameraradius

$$\omega = \frac{S}{D} + 2r\left(\frac{\cos 2\vartheta}{D} + \frac{1}{R}\right)$$



Für D  $\approx$  R und 29  $\approx$ 180° ist  $\omega \sim S/R$  Der abgerollte Film zeigt folgendes Muster von Schwärzungen



#### Auswertung



s/  $4\vartheta = 2\pi r/360$ r =  $180/\pi$ s/  $4\vartheta = 1$  mm/Grad

Der Abstand **s** korrespondierender Linien desselben Kegels in mm gemessen ergibt den 49 – Wert in Grad

#### Auswertung der Filme

Ausmessung der Linienlagen: ⇒ optisches Ablesegerät asymmetrische Filmeinlegemethode; Eintritt und Austritt des Primärstrahls sind auf dem Film erkennbar



Ziel: Bestimmung von

 $\vartheta$  – Werten  $\Rightarrow$  sin  $\vartheta$  – Werten  $\Rightarrow$  d<sub>hkl</sub> -Werten

## Meßprotokoll:

i	a <sub>i</sub>	$b_i(c_i)$	$a_i + b_i$	a <sub>i</sub> -b <sub>i</sub>	θ₀	$\boldsymbol{\vartheta}_{\mathbf{korr}}$	sin ϑ	d

 $a_i + b_i \Longrightarrow \vartheta = 0^\circ$   $a_i + c_i \Longrightarrow \vartheta = 90^\circ$ 

Umfang der Kamera: U =  $(a_i+c_i) - (a_i+b_i)$  (Mittelwert) Korrektur:  $\vartheta_{korr} = 360\vartheta_0/U$ 

# Ziel der Auswertung $\Rightarrow$ Indizierung

Dem gemessenen Liniendiagramm, bzw. den d-Werte aus der Messung sollen Indizes h k I zugeordnet werden.

<u>1. Fall</u> : Die Substanz und ihre Gitterkonstanten sind bekannt, oder es ist eine isotype Substanz bekannt.

Aus den bekannten Gitterkonstanten lassen sich d-Werte berechnen und somit gemessene d-Werte durch Vergleich mit den berechneten Werten indizieren.

<u>2. Fall</u>: Die Gitterkonstanten sind unbekannt. Dann ist die Indizierung nur in den hochsymmetrischen Kristallsystemen ohne Computer möglich. Für niedersymmetrische Kristallsysteme gibt es leistungsfähige Indizierungsprogamme.

1. Beispiel : kubisches System

Die Filmauswertung liefert sin<sup>2</sup> ·Werte Ferner gilt : Bragg'sche Gl.

 $\sin^2 \vartheta = \frac{\lambda^2}{(4d^2)} = \frac{\lambda^2}{(4a^2)(h^2 + k^2 + l^2)}$ 

# $sin^2 \vartheta = \lambda^2 / (4a^2) (h^2 + k^2 + l^2)$

Der Vorfaktor  $\lambda^2/(4a^2)$  ist ein ganzzahliges Vielfaches von sin<sup>2</sup> $\vartheta$ , die ganze Zahl ist die Sequenz N=h<sup>2</sup> + k<sup>2</sup> + l<sup>2</sup>

 $\Rightarrow$  a und hkl

2. Beispiel : tetragonales und hexagonales System

 $sin^2 \vartheta = A N(h,k) + C I^2$ 

$$\begin{split} N_{tetr} &= h^2 + k^2 & A_{tetr} = \lambda^2/(4a^2) \\ N_{hex} &= h^2 + k^2 + hk & A_{hex} = \lambda^2/(3a^2) \end{split}$$

 $C_{\text{tetr}} = C_{\text{hex}} = \lambda^2 / (4c^2)$ 

Beachtet man, daß die Zahlensequenzen N<sub>tetr</sub> und N<sub>hex</sub> unterschiedlich sind, lassen sich beide Fälle unterscheiden und A und C bestimmen.

h k 0	100	110	200	210	220	300
N <sub>tetr</sub>	1	2	4	5	8	9
N <sub>hex</sub>	1	3	4	7	12	9

# Fokussierende Verfahren

#### a) Die Anordnung nach Seemann-Bohlin

Die Probe liegt als Flachpräparat auf dem Umfang der Kamera. Der Divergente Röntgenstrahl wird durch die Reflexion an den Netzebenen auf dem Umfang wieder fokusiert. Die Fokussierung ist nur im Rückstrahlbereich gut.



b) Die Anordnung nach Guinier

Das Verfahren verwendet einen fokussierenden Monochromator. Dadurch wird ein konvergentes monochromatisches Strahlenbündel erzeugt.

### **Der Monochromator**

Zur Erzeugung monochromatischer Strahlung verwendet man die Beugung des weißen Röntgenlichts an einem Einkristall: Läßt man das Röntgenlicht unter dem Winkel ϑ, der nach der Bragg'schen Gleichung der gewünschten Wellenlänge der Kα - Linie entspricht, auf eine ausgewählte Netzebene mit dem zugehörigen Abstand d<sub>hkl</sub> fallen, wird nur diese Wellenlänge reflektiert. ⇒ monochromatisches Röntgenlicht

Der fokussierende Monochromator:

Man verwendet ein Einkristallplättchen, das zu einem Kreissegment mit dem Radius R gebogen ist und zusätzlich mit einem Radius R/2 angeschliffen ist.



Alle Strahlen, die von einem Röhrenfokus F auf dem Kreis mit R/2 ausgehen, werden als monochromatische Strahlung auf dem Kreis fokussiert.

#### **Die Guinier - Kamera**



Das Guinier Verfahren verwendet die Seemann-Bohlin Geometrie (d.h. ein Flachpräparat auf dem Kameraumfang) und einen fokussierenden Monochromator.

Es können durch Drehung der Kamera verschiedene Aufnahmegeometrien gewählt werden: Rückstrahl-Geometrie, asymmetrische Geometrie oder Vorstrahlgeometrie.

⇒ scharfe Linien für jede Geometrie

# Vor- und Nachteile der Filmmethode:

- Lage der Interferenzen läßt sich sehr genau bestimmen. ⇒ genaue Gitterkonstanten
- Verwendung geringer Probenmengen (z.B. wenige μg)
- Eine Messung der Intensitäten ist nur sehr ungenau möglich.

# Diffraktometer

Beim Diffraktometer werden die Interferenzen mit einem Detektor gemessen. Fokus der Röhre und Detektor liegen auf einem Kreis, in dessen Zentrum sich die ebene Probe befindet.



Diffraktometer-Geometrie nach Bragg-Brentano

#### Aufbau des Diffraktometers:



Um die Interferenzbedingung für eine bestimmte Netzebene einzustellen muß das Präparat um den Winkel & und der Detektor um den Winkel 2& gedreht werden.

Das Präparat reflektiert die gebeugten Strahlen wie ein Spiegel und fokussiert sie auf den Detektorspalt. Ein kontinuierliches Drehen des Präparats und Detektors mit der  $\vartheta$ -2  $\vartheta$ -Kopplung liefert ein Diagramm der Interferenzen.



# Detektoren

a) gas-gefüllte Geiger-Müller Zähler :



Ein Röntgenquant erzeugt durch Ionisation in der Zählerkammer eine Ladungswolke, die sich an der Drahtelektrode entlädt und einen elektrischen Impuls erzeugt.

b) Szintillationszähler :



Ein Röntgenquant erzeugt in einem Szintillatorkristall einen Lichtblitz, der durch einen Photoverstärker (Multiplier) in einen elektrischen Impuls umgewandelt wird.

Besonderheit : Die Höhe des Zählimpulses ist ein Maß für die Photonenenergie des Röntgenquants. Das erlaubt eine Diskriminierung der Strahlen, die nicht der K $\alpha$  - Linie entsprechen.



gutes Signal/Rauschverhältnis Glättung des Untergrundes Verbesserung der Qualität der Diffraktometeraufnahmen

- a) Zur Unterdrückung der Kβ-Strahlung kann ein Kβ-Filter in der Strahlengang eingefügt werden.
- b) Verwendung eines Primärmonochromators



 c) Verwendung eines Sekundärmonochromators Dieser ist besonders nützlich, wenn die Probe bei der verwendeten Strahlung zur Fluoreszenz angeregt wird.



Vorteil der Diffraktometeraufnahmen : Man kann Intensitäten messen Nachteil : Man benötigt große Probenmengen

## **Die qualitative Analyse**

Jede Phase erzeugt ihr eigenes charakteristisches Liniendiagramm Liniendiagramm = "Fingerabdruck" einer Substanz

Vergleich eines gemessenen Liniendiagramms mit Diagrammen aus einer Datenbank

Man geht folgendermaßen vor:

• Bestimmung aller d-Werte aus einem gemessenen Liniendiagramm .

• Abschätzung der Intensitäten der 3 stärksten Linien Normierung auf die stärkste Linie.

Aufsuchen der Substanz in einer Datenbank, in der alle bekannten Substanzen nach d-Werten der 3 stärksten Linien geordnet sind.

# Die Datenbank der Pulverdaten : "ICDD - Datei"

Sie enthält folgende Informationen :

- Die d-Werte der 3 stärksten Linien
- Die Intensitäten dieser Linien normiert auf die stärkste Linie (=100)
- Angaben über die experimentellen Bedingungen
- Kristallographische Daten
- Optische Daten
- Angaben zur Herkunft, Präparation, zum Chemismus etc.
- Chemische Formel, Name und evtl. Mineralname.
- Tabelle aller beobachteten d-Werte mit ihren Intensitäten

Bei der Datenbank im Computer sucht der Computer die passende Substanz (oder evtl. mehrere Substanzen) heraus.

Bei der Datenbank in Form von Dateikarten verwendet man das Suchregister nach Hanawalt.

Das Suchregister nach Hanawalt ist folgendermaßen aufgebaut :

Der d-Wert der stärksten Linie wird nach Gruppen unterteilt z. B. 3,59 - 3,50; 3,49 - 3,45; .....

Innerhalb jeder Gruppe sind die Substanzen nach abnehmenden d-Werten ihrer zweitstärksten Linie angeordnet.

Daneben ist die drittstärkste Linie mit der chemischen Formel und einer Datei-Nummer angegeben.

Unter dieser Nummer findet man das Datenblatt der Substanz

#### Beispiel für eine Gruppe im Suchregister :

#### Die Hanawalt-Gruppe 3,59 ....3,50

d-Werte	Inter	ıs.	Formel	Name Da	tei-Nr.
3.55 2.18 1.86	90 100	90	CuInTe <sub>2</sub>	Copper indium telluride	6-0605
3.54 2.17 3.07	100 74	34	AlSb	Aluminum antimony	6-0233
3.54 2.17 3.07	100 41	32	Snl₄	Tin IV iodide	6-0232
3.54 2.17 1.85	100 90	80	Li <sub>5</sub> TiAs <sub>3</sub>	Lithium titanium arsenide	7-91
3.50 2.17 1.85	52 100	90	α-CuI	Alpha copper iodide	6-0623
3.54 2.16 3.19	40 100	83	BaCrO <sub>4</sub>	Barium chromate	1-1221
3.53 2.16 2.74	44 100	65	ZrB <sub>2</sub>	Zirconium boride	6-0610
3.54 2.16 1.86	100 100	90	Li-MnAs <sub>4</sub>	Lithium manganese (V) arsenide	14-43
3.53 2.16 1.85	80 100	80	$\alpha$ -Cu <sub>2</sub> HgI <sub>4</sub> (at 90°C)	Alpha copper iodomercurate (II)	3-0967
3.52 2.16 1.84	100 67	44	GaSb	Gallium antimony	7-215
3.51 2.16 1.84	100 100	70	$Cu_2Te$ (high temp.)	Copper tellurium	7-106
3.52 2.16 1.83	100 100	90	Li <sub>3</sub> MnAs <sub>2</sub>	Lithium manganese (III) arsenide	14-42
3.51 2.15 1.84	90 100	90	Li <sub>5</sub> GeAs <sub>3</sub>	Lithium germanium arsenide	7-100
3.51 2.15 1.84	100 51	32	HgSe	Mercury (II) selenide	8-469
3.51 2.15 1.24	60 100	100D	AuGa <sub>2</sub>	Gallium gold	3-0969
3.51 2.14 3.05	100 50	45	$Rb_7U_6F_{31}$	Rubidium uranium fluoride	10-137
3.50 2.14 1.83	100 80	70	Li <sub>5</sub> SiAs <sub>3</sub>	Lithium silicon arsenide	7-148
3.50 2.14 1.83	100 67	54	ZnTe	Zinc telluride	1-0582
3.52 2.11 2.86	100-100	70	$Cd_{1.25}Bi_{1.5}O_2Cl_3$	Cadmium bismuth oxychloride	12-119

Um einen Fehler bei der Intensitätsabschätzung der drei stärksten Linien auszuschließen, ist jede der drei Linien in zyklischer Vertauschung als "stärkste" Linie in der entsprechenden Hanawalt-Gruppe aufgeführt.

## Beispiel für ein Datenblatt der ICDD-Datei :

7-210

1 21	U										
d	3.10	4.76	3.07	4.76	CAWO						*
I/I1	100	53	31	53	CALCIUM TUNG	STATÉ		Scн	EELITE		
			· 51:14 1	Die		dÅ	I/I1	hkl	d Å	I/I1	hkl
Rad. () Cut off Ref. N Sys. Tr a. 5.2	UKA1 A 1 f IBS CIRCUL TRAGONAL	5405 I/I1 Spe .ar 539, v	Filter N ссткометек юц 6 (195 S.G. с. 11.37	$\begin{array}{c} & D_{14} \\ 6 \end{array}$	/	4.76 3.10 3.072 2.844 2.622 2.296	53 100 31 14 23 19	101 112 103 004 200 211	1.3358 1.3106 1.2638 1.2488 1.2284 1.2074	3 3 13 2 5	217 400 411 316 109 332
a Ref.	BID.		Y	Z 4	Dx 6.12	2.256 2.0864 1.9951 1.9278	3 5 13 28	114 105 213 204	1.2054 1.1901 1.1728 1.1280	5 4 1 5	413 404,307 420 228
8 a 1. 2V Ref.	סו8. דאם שמו8.	πωβ 1.5 r	np	Color	COLORLESS	1.8538 1.7278 1.6882	12 5 16	220 301 116	1.1096 1.0870 1.0838	2 5 8	415 1.1.10,424 327,501
SAM	< 1.05 M	KERNVILLE 0; < 0.1%	, Californ Na; < 0.01	(IA; SPECT & AL, SI,	. ANALYSIS , Sr; < 0.001\$	1.6332	10 30	215 312	1.0439	3	431,2.0.10
AG, CI PAT	R, CU, MG TERN MADE	, мл. ат 25 <sup>0</sup> С.				1.5532 1.4427 1.4219 1.3859	14 6 2 3	224 321 008 305	1.0140 1.0116 0.9699 .9636	6 4 1 4	512 521,2.2.10 408
REP	LACES 1_0	806				1.3577	4	323	PLUS 20	LINE	10 0.755

Eine möglichst gute Übereinstimmung aller gemessenen d-Werte mit denen des Datenblatts wird überprüft. Damit ist gleichzeitig die Indizierung der gemessenen Linien gegeben.

## **Die quantitative Analyse**

- Ziel: Bestimmung der Phasen und deren Anteile in einem Gemisch verschiedener Substanzen.
- Prinzip: Die Lage der Linien (d-Werte) charakterisiert die Phase. Die Intensität der Linien charakterisiert den Anteil.

Problem: Der Zusammenhang zwischen dem Gewichtsanteil einer Phase und der Intensität der Interferenzen ist <u>nicht</u> linear. Grund : ⇒ Absorption

Absorption von Röntgenstrahlen :

Ursache für Absorption: Photoionisation, elastische und inelastische Streuung.

 $dI/I = - \mu dx$ 

 $\mathbf{I} = \mathbf{I}_0 \exp(-\mu \mathbf{x})$ 

dI = Intensitätsänderung der Intensität Inach durchlaufener Wegstrecke dx  $\mu = linearer Absorptionskoeffizient$  Der lineare Absorptionskoeffizient eines Elements besitzt wegen der Photoionisation eine "Kantenstruktur"



Der lineare Absorptionskoeffizient  $\mu$  eines Elements ist in Tabellen in Werten von ( $\mu/\rho$ ) angegeben.

### $\rho = \text{Dichte}$

 $(\mu/\rho)$  = Massenabsorptionskoeffizient

Element	MoKa	CuKa	Eler	ment	MoKa	CuKa	
ні	0,380	0,435	Pd	46	24,1	206	
He 2	0.207	0,383	Ag	47	25,8	218	
Li 3	0,217	0,716	Cd	48	27.5	231	
Be 4	0,298	1,50	In	49	29,3	243	
B 5	0,392	2,39	Sn	50	31,1	256	
C 6	0,625	4,60	Sb	51	33,1	270	
N 7	0,916	7,52	Te	52	35,0	282	
0 8	1,31	11,5	I	53	37,1	294	
F 9	1,80	16,4	Xe	54	39,2	306	
Ne 10	2,47	22.9	Cs	55	41,3	318	
Na 11	3.21	30,1	Ba	56	43,5	330	
Mg 12	4,11	38,6	La	57	45,8	341	
Al 13	5,16	48,6	Ce	58	48,2	352	
Si 14	6,44	60,6	Pr	59	50,7	363	
P 15	7,89	74,1	Nd	60	53,2	374	
S 16	9,55	89,1	Pm	61	55,9	386	
Cl 17	11,4	106	Sm	62	58,6	397	
A 18	13,5	123	Eu	63	61,5	425	
K 19	15,8	143	Gd	64	64,4	439	
Ca 20	18,3	162	ть	65	67,5	273	
Sc 21	21,1	184	Dy	66	70,6	286	
Ti 22	24,2	208	Ho	67	73,9	128	
V 23	27,5	233	Er	68	77,3	134	
Cr 24	31,1	260	Tm	69	80,8	140	
Mn 25	34,7	285	Yp	70	84,5	146	
Fe 26	38,5	308	Lu	71	88,2	153	
Co 27	42,5	313	Hf	72	91,7	159	
Ni 28	46,6	45,7	Ta	73	95,4	166	
Cu 29	50,9	52,9	W.	74	99,1	172	
Zn 30	55,4	60,3	Re	75	103	179	
Ga 31	60,1	67,9	Os	76	106	186	
Ge 32	64,8	75,6	Ir	77	110	193	
As 33	69,7	83,4	Pt	78	113	200	
Se 34	74.7	91,4	Au	79	115	208	
Br 35	79,8	99,6	Hg	80	117	216	
Kr 36	84,9	108	TI	81	119	224	
Rb 37	90,0	117	Pb	82	120	232	
Sr 38	95,0	125	Bi	83	120	240	
Y 39	100	134					
Zr 40	15,9	143					
Nb 41	17,1	153					
Mo 42	18,4	162					
Te 43	19,7	172					
Ku 44	21,1	183					

Absorption in einer Verbindung :

Der  $(\mu/\rho)$  - Wert einer Verbindung summiert sich aus einzelnen  $(\mu/\rho)$  - Werten der beteiligten Atome.

 $(\mu/\rho)_{\text{verb.}} = \sum N_i A_i / M (\mu/\rho)_i$ 

 $N_i$  = Zahl der Atome der Sorte i  $A_i$  = Atomgewicht der Atome der Sorte i M = Molekulargewicht der Verbindung

Beispiel : Ein Gemisch aus zwei Verbindungen

$$I_{1} = \frac{W_{1}(\mu/\rho)_{1}I_{1}^{0}}{W_{1}((\mu/\rho)_{1} - (\mu/\rho)_{2}) + (\mu/\rho)_{2}}$$

 $I_1^0$  = Intensität der reinen Komponente 1 ohne Beimischung von Komponente 2.  $I_1$  = Intensität der Komponente 1 im Gemisch  $W_1$  = Gewichtsanteil der Komponente 1 ( $\mu/\rho$ ) = Massenabsorptionskoeffizient der jeweiligen Komponente Beispiel : verschiedene Mischungen mit Quarz



Der Zusammenhang zwischen I<sub>1</sub> und W<sub>1</sub> ist nicht linear

- 1. Fall : Eine Mischung von Quarz und Berylliumoxid. Hier ist  $(\mu/\rho)_Q > (\mu/\rho)_{Be}$
- 2. Fall: Eine Mischung von Quarz und Cristobalit . Hier ist  $(\mu/\rho)_Q = (\mu/\rho)_{Cr}$
- 3. Fall: Eine Mischung von Quarz und Kaliumchlorid. Hier ist  $(\mu/\rho)_Q < (\mu/\rho)_{KCL}$

Quarz und Cristobalit sind zwei Modifikationen von SiO<sub>2</sub>, daher ist  $(\mu/\rho)_Q = (\mu/\rho)_{Cr}$ ,  $\Rightarrow$  Linearität

# **Quantitative Analyse : 1. Methode**

Innerer Standard  $\Rightarrow$  Eliminierung des Einflusses der Absorption.

## 1. Schritt : Erstellen einer Eichkurve

#### Eichproben



Man stellt mehrere Proben eines Gemisches aus Analysensubstanz und und einem Verdünner mit variablen Gewichtsanteilen der Analysensubstanz her (z.B. 0 ....1). Diesem Gemisch wird stets der gleiche Anteil eines Standards beigemischt.

Mindestens eine Linie des Standards sollte im Beugungsdiagramm gut von einer Linie der Analysensubstanz getrennt sein.

Eichkurve = Gewichtsanteil der Analysensubstanz als Funktion des Intensitätsverhältnisses einer Linie der Analysensubstanz zu einer Linie des Standards

## **Beispiel**:

Analyse von Quarz mit CaCO<sub>3</sub> als Verdünner und CaF<sub>2</sub> (oder NiO) als Standard





41

# **Quantitative Analyse : 2. Methode**

Verfeinerung des Pulverdiagramms nach Rietveld.

Die Intensität des Diagramms wird aus den bekannten Strukturen der einzelnen Komponenten berechnet.

Nachteil eines Pulverdiffraktogramms:

Die starke Überlappung der einzelnen Bragg-Reflexe.

Methode:

Auswertung der an jeder Stelle gemessenen Intensität und nicht nur der isolierten Bragg-Reflexe.

Die gemessene Linienform eines einzelnen Bragg-Reflexes setzt sich aus der natürlichen Linienform (z.B. Gaußfunktion) und anderen (z. T. experimentell) bedingten Faktoren zusammen.

Zerlegung der an jeder Stelle gemessenen Intensität in Profilfunktionen, d. h. Zerlegung eines überlagerten Diagramms in einzelne Linien.

Alle experimentell bedingten Linienverbreiterungen werden herausgerechnet.

Addition der Liniendiagramme einzelner Komponenten zum Gesamtdiagramm liefert die Anteile einzelner Komponeten eines Gemischs.

## Beispiel für eine Profilzerlegung:



Drei überlappende Bragg-Reflexe von  $\alpha$ -SiO<sub>2</sub> und Si; Jeder Reflex zeigt K<sub> $\alpha$ 1</sub> - K<sub> $\alpha$ 2</sub> - Aufspaltung. + = Meßpunkte

durchgezogene Linie = berechnetes Profil untere Kurve = Differenzkurve



Profilanpassung des Diagramms einer Mischung von monoklinem und tetragonalem ZrO<sub>2</sub> mit Si-Standard